**文章编号:**1674-8190(2018)02-184-07

# 旋转弹体马格努斯效应数值模拟方法研究

陈白冰1,骆振华1,袁振宇2,蒋晓磊1,陈兵1

(1. 中国兵器工业集团 西安现代控制技术研究所, 西安 710065)

(2. 西北工业大学 航空学院, 西安 710072)

摘 要:旋转的弹体通常会存在马格努斯效应,严重影响飞行稳定性和弹道轨迹。提出基于旋转壁面法的多 对称面弹体旋转效应数值模拟方法,无需借助动网格和多参考系模型,仅需要将旋转速度附加壁面,即可使用 定常方法模拟马格努斯效应;同时,使用 SOCBT 标准弹体模型对该方法进行验证分析。结果表明:计算值与 试验值吻合较好;由于旋转引起的附面层堆积以及大攻角分离效应、激波的干扰,计算时附面层的网格节点要 足够密,并且应该针对不同的攻角选择精度与效率兼顾的计算模型。

关键词:马格努斯效应;旋转弹体;SOCBT;附面层;湍流模型;CFD 中图分类号:V212.1 **文献标识码**:A **DOI**: 10.16615/j.cnki.1674-8190.2018.02.006

### Numerical Investigation on Magnus Effect of a Spinning Projectile

Chen Baibing<sup>1</sup>, Luo Zhenhua<sup>1</sup>, Yuan Zhenyu<sup>2</sup>, Jiang Xiaolei<sup>1</sup>, Chen Bing<sup>1</sup>

(1. Xi'an Modern Control Technology Research Institute, China Ordnance Industries, Xi'an 710065, China)

(2. School of Aeronautics, Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, China)

Abstract: The Magnus effect heavily affects the flight stability and trajectory calculation of the spinning projectile. A simple method based on rotating wall technique to calculate the effect of a rotating projectile with several planes of symmetry has been developed. Instead of using the dynamic mesh or multi-reference frame model, this method adds the rotating velocity to the surface of the projectile, and the Magnus force and moment can be obtained with steady calculations. The SOCBT(secant-ogive-clinder with boat tail) configuration is used to testify the method. The calculation results are consistent with the experimental data in both static and rotating cases. Moreover, as the interference among the boundary layer, the separation flow at high angle of attack and the shock wave, enough gird nodes in boundary layer, as well as the calculating models, are needed to improve the precision of the Magnus effect simulation.

Key words: Magnus effect; spinning projectile; SOCBT; boundary layer; turbulence model; CFD

### 0 引 言

导弹、火箭弹等武器在飞行过程中,通常会绕着自身体轴高速旋转来提高飞行稳定性,增加飞行轨迹的精度。这种锥进运动在保证了飞行性能的同时也带来了负面效应,当弹体存在攻角时,由于旋转引起的弹体表面流场相对攻角平面不对称,产

生垂直于该平面的力和绕重心的力矩。该现象由 德国科学家马格努斯首先发现,故将该力和力矩称 为马格努斯力和力矩<sup>[1-3]</sup>。马格努斯效应产生的主 要原因有二:一是旋转引起的附面层畸变,即附面 层位移厚度沿着弹体周向发生变化;二是离心力因 素。由于马格努斯效应影响很大,因此准确预测其 力和力矩,减小其对飞行的影响,是当前研究弹体 流场特性的热点之一。

目前,使用 CFD 方法开展弹体马格努斯力矩 效应数值计算已经成为一种常用方法,国内外也取 得了很多进展和成果。国外,W.B. Sturek 等<sup>[4]</sup>基

收稿日期:2018-01-09; 修回日期:2018-03-12

通信作者:陈白冰,gerrard760@126.com

于薄层假设,对尖锥等旋成体的马格努斯效应进行 了数值计算分析,研究了几何参数的变化对弹丸气 动特性的影响;C.J. Nietubicz 等<sup>[5]</sup>基于动态网格 技术,对跨声速弹丸的马格努斯效应进行了数值模 拟,分析了不同参数对该效应的影响; M. Muto 等[6]基于数值方法对反马格努斯效应引起的边界 层转捩现象进行研究,揭示了高速旋转的弹丸的边 界层流动细节:D. Klatt 等<sup>[7]</sup>则对超声速飞行的旋 转弹丸的马格努斯现象进行了研究,使用的方法为 非结构网格动态重构模拟旋转运动,对比试验结果 分析了激波现象;S.I. Silton<sup>[8]</sup>对弹丸的亚跨超声 速时的马格努斯效应进行了模拟,马格努斯力及力 矩结果相比升阻力系数较试验值偏差较大,说明旋 转效应的模拟精度还有待提升;自 2004 年开始,J. Despirito<sup>[9]</sup>使用 DES 模型开展了 M910 旋转弹丸 的马格努斯力矩效应研究,得到了更为精确的计算 结果。国内,尽管起步较晚,但进展迅速。陈东阳 等<sup>[10]</sup>利用 Fluent 软件的动网格技术,对带有结构 误差的 M910 弹丸的马格努斯效应进行了数值计 算,分析了质量不对称引起的马格努斯力偏差;刘 周等<sup>[11]</sup>利用 DES 方法对弹丸在大攻角时的马格 努斯效应进行了计算分析:雷娟棉等[12]基于滑移 网格方法、马杰等<sup>[13]</sup>使用滑移动网格方法对 SOCBT 弹丸的气动特性进行了研究,提出并验证 了适用于小攻角、超声速情形的弹丸马格努斯力和 力矩系数经验公式。

上述研究均基于较复杂的计算方法,例如动网 格、滑移网格等,尽管精度较高,但分析效率相对较 低,限制了这些方法在弹体快速设计中的应用。

本文针对该问题,使用一种简化的定常求解方 法——旋转壁面法,进行弹体马格努斯效应的快速 模拟,并与试验值进行对比分析;针对影响马格努 斯效应的附面层堆积,开展附面层网格节点数和不 同计算模型的适应性研究,对比分析这些因素对本 文方法的影响。

# 1 计算方法

### 1.1 常用方法

为了计算弹体的旋转效应,常用的方法有三种:①基于刚性动网格技术的非定常计算方法,② 基于滑移网格的非定常计算方法,③基于滑移网格 的准定常计算方法。其中,基于刚性动网格的非定 常计算方法将整个流场域视为刚性的整体,网格跟 随弹体的旋转而转动,这样处理的好处是网格的拓 扑结构不因旋转而发生改变,但是外边界处会附加 旋转速度,该方法如图1所示;基于滑移网格的非 定常方法将流场域划分为动、静两部分,动域按照 设定的旋转方式进行运动,动静域之间通过交界面 进行数据传递,动域的网格整体运动,因此计算网 格质量较高,该方法也是一种较为精确的计算方 法,如图2所示;基于滑移网格的准定常计算方法 是将旋转参考系附加到滑移网格上,此时动域的网 格并不会真正旋转,这种准定常方法是一种简化的 高效方法,如图3所示。



Fig. 3 Rotating reference frame

186

由于多数弹体几何形状呈现多对称面,受此启 发,可以使用更为简单的方法来进行马格努斯效应 的模拟,本文采用旋转壁面法。所谓旋转壁面法, 是指直接给弹体附加旋转速度,以此来模拟真实的 弹体旋转,如图 4 所示。该方法直接使用定常求 解,流场迭代时直接将壁面的旋转速度引入即可描 述弹体的马格努斯效应。由于不需要引入额外的 动网格或者旋转参考系技术,旋转壁面法的效率 较高。



本文计算全部使用 ANSYS FLUENT 软件完成。为了提高计算速度和收敛性,计算时先进行无旋工况的模拟,此时的边界条件设置如图 5 所示。 在此基础上设定弹体壁面的旋转速度和转轴,继续 计算得到此工况的马格努斯力和力矩,旋转情形的 边界条件设置如图 6 所示。



图 5 无旋转情形边界条件 Fig. 5 Boundary conditions of static case





旋转壁面法并不是一种很新的方法,在计算流 体领域多有应用,但是在多对称面弹体的马格努斯 力矩数值计算方面却鲜少涉及。本文将该方法引 入旋转弹体的流场计算中,形成一种简化的快速马 格努斯力矩计算方法。需要注意的是,该快速计算 方法主要用来计算多对称面的旋成体马格努斯力 矩效应,并不适用于不规则的外形。

### 1.3 数值方法

采用的控制方程为三维积分形式的雷诺平均 N-S 方程:

$$\frac{\partial}{\partial t} \iiint_{V} W dV + \iint_{\mathcal{W}} \mathbf{F} \cdot \mathbf{n} dS = \frac{1}{Re} \iint_{\mathcal{W}} \mathbf{F}_{v} \cdot \mathbf{n} dS \quad (1)$$

式中:V为任意控制体;W为守恒变量;F为无粘 (对流)通矢量项;F。为粘性通量; >V为控制体的 边界;n为控制体边界单位外法向矢量;Re为计算 的雷诺数。

空间离散采用二阶迎风格式——通量差分分裂(Roe-FDS)格式,采用隐式LU-SGS(Lower-Upper Symmetric Gauss-Seidel)格式迭代求解,应用 当地时间步长、残值光顺、预处理和多重网格加速 收敛。湍流模型采用对逆压梯度流动模拟精度较 高的 k-ω SST(剪切应力输运)湍流模型。

### 2 计算模型及网格

### 2.1 计算模型

计算模型为一 6 倍口径弹丸,其名称是 Secant-Ogive-Clinder with Boat Tail, 简称 SOCBT<sup>[14]</sup>。该模型是评估马格努斯力矩效应的 标准模型,由正割风帽头部、圆柱弹身、船尾形尾部 三部分构成,船尾收缩角 $\beta=7^{\circ}$ 。其几何模型和尺 寸如图 7 所示。



图 7 SOCBT 弹丸模型 Fig. 7 Configuration of SOCBT

计算坐标系如图 8 所示。 $\theta$ =0°为迎风面, $\theta$ = 180°为背风面。z向的力 $C_z$ 和绕着y轴的力矩  $C_{my}$ 即为马格努斯力和力矩,其参考点位于弹体头 部原点处,参考面积为弹体的最大横截面积  $S_{ref}$ = 0.002 57m<sup>2</sup>,参考长度为弹体的最大直径  $C_{ref}$ =d=0.057 20 m。



Fig. 8 Coordinate system for calculation

### 2.2 计算网格

计算网格使用 ANSYS ICEM CFD 软件生成 的高质量结构网格,其拓扑结构如图 9 所示,表面 网格和截面网格分别如图  $10 \sim$ 图 11 所示。总网 格量 540 万,附面层首层网格高度  $y^+ \leq 1.0$ 。



图 9 网格拓扑结构 Fig. 9 Topology of the calculating grid



图 10 整体计算网格 Fig. 10 Global calculating mesh



图 11 壁面网格 Fig.11 Surface mesh

# 3 算例与验证分析

### 3.1 无旋转验证

首先针对无旋工况进行计算,来验证本文数值 方法的有效性。计算状态为:来流马赫数 Ma=3, 大气温度 T=310 K,大气压强 P=298500 Pa,攻 角  $\alpha=6.34^{\circ}$ 。计算得到的弹体对称面以及截面的 压力云图分别如图 12~图 13 所示。



图 12 对称面压力云图

Fig. 12 Pressure contour of symmetry surface



图 13 截面 x/d=5.77 处的压力云图 Fig. 13 Pressure contour of plane x/d=5.77

从图 12 可以看出:超声速的气流在弹体周围 形成多道激波,并在船尾区域形成膨胀波,物理上 符合流场的基本规律。

从图 13 可以看出:无旋时的截面压力分布完 全对称。

*x*/*d*=4.88 和 *x*/*d*=5.77 截面处的详细压力 分布分别如图 14~图 15 所示。



图 14 x/d=4.88 处的压力对比

Fig. 14 Pressure comparison at x/d=4.88



图 15 x/d=5.77 处的压力对比 Fig. 15 Pressure comparison at x/d=5.77

从图 14~图 15 可以看出:两个截面上的压力 计算值与试验值吻合得很好,表明本文的数值方法 是有效的。

### 3.2 旋转时的马格努斯效应

在无旋验证的基础上,使用所建立的旋转壁面 法进行弹体的马格努斯力矩效应的数值模拟。计 算的攻角为 0°、3°、5°、6.34°、7°、10°、12°以及 15°。 为了保证计算条件与动态试验一致,取无量纲的旋 转角速度  $\Omega^* = \Omega d/V = 0.19$ ,其中  $\Omega$  为实际的旋 转角速度。计算得到的各个攻角下的马格努斯力 和力矩系数分别如图 16~图 17 所示。





从图 16~图 17 可以看出:在中小攻角范围, 计算值与试验值吻合较好,随着攻角的增大,弹体 背风区出现分离,而本文使用的湍流模型对分离的 捕捉能力有限,此时计算结果与试验值的偏差变 大。但总体来看,本文的计算方法是有效的。

### 3.3 数值计算方法影响因素分析

#### 3.3.1 附面层的影响

马格努斯效应产生的主要原因之一是旋转引起的附面层堆积,因此对周向的附面层差异进行足够精确地模拟是获取准确的马格努斯力和力矩的前提。为了准确地描述附面层,需要在附面层内部布置足够的网格节点。分别设定附面层的网格节点数量为 21、61 和 101,对旋转时的流场进行计算。使用的湍流模型仍为 $k-\omega$  SST 模型,以初始攻角 $\alpha=6.34$ °的工况为例进行分析。三种模型计算得到的马格努斯力矩系数如表 1 所示。

表 1 不同附面层节点数计算结果对比 Table 1 Results comparison of different number of nodes

节点数	$C_z$		$C_{my}$	
	计算值	试验值	计算值	试验值
21	-0.006 5	-0.008 3	0.033 0	0.041 0
61	-0.0081	-0.0083	0.039 6	0.041 0
101	-0.0082	-0.008 3	0.039 8	0.041 0

从表1可以看出:随着附面层节点数的增加, 计算结果与试验值吻合得越好,表明更多的附面层 节点能够对堆积效应做出更准确地模拟;而网格节 点为61时,其计算结果与节点为101的计算结果 差别较小,从减小计算代价的角度考虑,可以选择 节点数为61进行模拟。

3.3.2 湍流模型的影响

旋转引起的马格努斯力矩不仅导致了附面层 的堆积,而且由于粘性致使堆积区域的分离也直接 影响着马格努斯力的准确计算。尤其是随着初始 攻角的增大,背风区的分离区域扩大,与堆积区的 分离相互干扰,导致整个弹体的流场表现为较复杂 的状态。而不同的湍流模型对这种复杂流态的捕 捉能力不同,本文选择一方程的 S-A 模型、两方程 的 *k*ω SST 模型和 SAS 自适应尺度模型<sup>[15]</sup>进行 6.34°攻角和 15°攻角的对比计算。其中 SAS 模型 使用类似于 DES 模型的尺度因子,能够对分离现 象做出较为精确的模拟。

6.34°攻角时的计算结果如表 2 所示,可以看出:由于此时的分离并不特别严重,三种模型的计算结果差别不明显。而 15°攻角时的马格努斯力和力矩的对比如表 3 所示,可以看出:此时差别比

较明显,流场背风区出现大范围的分离流动,且与 激波形成复杂的干扰;使用 SAS 模型得到的结果 显然更接近试验值,主要是因为该模型相比一般的 湍流模型能够捕捉到更为精细、更为准确的分离 效应。

表 2 6.34° 攻角下不同计算模型的结果

Table 2 Calculation results of different models at 6.34°

计管理刑	$C_z$		$C_{my}$	
日昇侠堂	计算值	试验值	计算值	试验值
S-A 模型	-0.00800	-0.008 30	0.039 20	0.041 00
<i>k</i> -ω SST 模型	-0.00810	-0.008 30	0.039 60	0.041 00
SAS 模型	-0.00806	-0.008 30	0.039 72	0.041 00

表 3 15° 攻角下不同计算模型的结果

Table 3 Calculation results of different models at 15°

计体控型	$C_z$		$C_{my}$	
日昇侠堂	计算值	试验值	计算值	试验值
S-A 模型	-0.0112	-0.013 5	0.045 0	0.060 0
<i>k</i> -ω SST 模型	-0.0126	-0.0135	0.054 0	0.060 0
SAS 模型	-0.0133	-0.013 5	0.058 0	0.060 0

不同湍流模型的计算表明,为了能够更好地获 取弹体的马格努斯力矩效应,对于不同攻角的模拟 需要选择不同的计算模型,达到兼顾效率和精度的 效果。

### 4 结 论

(1)本文提出的基于旋转壁面法的多对称面 弹体旋转效应数值模拟方法,不使用动网格和多参 考系方法,将旋转速度附加于壁面上,使用定常方 法进行计算,效率较高。对旋转弹体的马格努斯力 和力矩系数的计算结果验证了方法的有效性。

(2)马格努斯力矩效应的起因之一是旋转引起的附面层堆积,为了准确地捕捉这种效应,需要 在附面层区域布置足够的网格节点。

(3)大攻角时,旋转引起的附面层堆积同分离 区域相互干扰,对于超声速的弹体来讲,还有多重 激波的相互掺杂,这种复杂的非线性流场使用一般 的湍流模型很难精确模拟,需要借助更高精度的模 型,SAS模型作为一种新的大攻角计算方法,使用 了类似 DES 方法的尺度因子,能够在降低网格要

#### 参考文献

- [1] Seifert J. A review of the Magnus effect in aeronautics[J]. Progress in Aerospace Sciences, 2012, 55(5); 17-45.
- [2] Zhao J, Hou Q, Jin H, et al. Discussion on improving Magnus effect of cylinder based on CFD[C] // IEEE International Conference on Mechatronics and Automation. IEEE, 2013: 539-543.
- [3] Cayzac R, Carette E, Denis P, et al. Magnus effect: physical origins and numerical prediction[J]. Journal of Applied Mechanics, 2011, 78(5): 748-760.
- [4] Sturek W B, Kayser L D, Nietubicz C J, et al. Computations of Magnus effects for a yawed, spinning body of revolution[J]. AIAA Journal, 2012, 16(7): 687-692.
- [5] Nietubicz C J, Sturek W B, Heavey K R. Computations of projectile Magnus effect at transonic velocities[J]. AIAA Journal, 2012, 23(7): 15.
- [6] Muto M, Tsubokura M, Oshima N. Numerical visualization of boundary layer transition when negative Magnus effect occurs[J]. Journal of Visualization, 2012, 15(3): 261-268.
- [7] Klatt D, Hruschka R, Leopold F. Numerical and experimental investigation of the Magnus effect in supersonic flows [C] // AIAA Applied Aerodynamics Conference, 2013.
- [8] Silton S I. Navier-Stokes computations for a spinning projectile from subsonic to supersonic speeds[J]. Journal of Spacecraft and Rockets, 2005, 42(2): 223-231.
- [9] Despirito J. CFD prediction of Magnus effects in subsonic to supersonic flow[R]. AIAA-2008-0427, 2008.
- [10] 陈东阳, Laith K A, 芮筱亭, 等. 结构误差对旋转稳定弹 丸气动特性影响的数值模拟[J]. 空气动力学学报, 2014, 32(5): 705-711.

Chen Dongyang, Laith K A, Rui Xiaoting, et al. Numerical simulation of a spinning stabilized projectile aerodynamic characteristics effected by structure errors[J]. Acta Aero-dynamica Sinica, 2014, 32(5): 705-711. (in Chinese)

[11] 刘周,谢立军,杨云军,等. 弹丸旋转空气动力效应非定常

数值模拟[J]. 航空学报, 2016, 37(5): 1401-1410.

Liu Zhou, Xie Lijun, Yang Yunjun, et al. Unsteady numerical simulation of aerodynamic effect of a spinning projectile[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2016, 37(5): 1401-1410. (in Chinese)

- [12] 雷娟棉,李田田,黄灿.高速旋转弹丸马格努斯效应数值研究[J]. 兵工学报,2013,34(6):718-725.
  Lei Juanmian, Li Tiantian, Huang Can. A numerical investigation of Magnus effect for high-speed spinning projectile [J]. Acta Armamenyarii, 2013, 34(6):718-725. (in Chinese)
- [13] 马杰,陈志华,姜孝海.高速旋转条件下的弹丸气动特性研究[J].弹道学报,2015,27(2):1-6.
  Ma Jie, Chen Zhihua, Jiang Xiahai. Aerodynamic characteristics of a projectile with high spinning speeds[J]. Journal of Ballistics, 2015, 27(2):1-6. (in Chinese)
- [14] Onn S C, Su A, Wei C K, et al. Computational drag and Magnus force reduction for a transonic spinning projectile using passive porosity [J]. Computer Methods on Applied Mechanics and Engineering, 2001, 190 (46/47): 6125-6139.
- [15] Menter F, Egorov Y. The scale-adaptive simulation method for unsteady turbulent flow predictions. Part 1: theory and model description [J]. Flow Turbulence and Combustion, 2010, 85(1): 113-138.

#### 作者简介:

**陈白冰**(1987一),男,硕士,工程师。主要研究方向:飞行器总体设计。

**骆振华**(1985一),男,硕士,工程师。主要研究方向:飞行器结 构设计。

**袁振宇**(1995-),男,本科生。主要研究方向:飞行器总体气 动设计。

**蒋晓磊**(1972-),女,高级工程师。主要研究方向:飞行器结构设计。

**陈** 兵(1978-),男,硕士,高级工程师。主要研究方向:飞行 器结构设计。

(编辑:马文静)