文章编号:1674-8190(2022)04-057-08

考虑低空运行环境求解无人机任务 分配问题的研究

李松锐,张明,王蒙蒙,张进,李伯权 (南京航空航天大学 民航学院,南京 211106)

摘 要:在低空救援中如何合理地分配无人机的搜救任务长期以来都是研究的重点。在分层级分布式分配方 法的基础上建立多目标多无人机任务分配模型,在模型中以搜救费用、无人机使用数量、完成任务的均衡性为 目标函数,采用改进的NSGA-II算法进行求解。结果表明:本文建立的模型有效,能在不同搜救环境下给出合 理有效的分配方案;在搜救中考虑以搜救效率最高为导向时,带来无人机成本和数量的增加;当实际搜救的无 人机非常有限时,则需要时间成本的投入;以经济利益为导向时,则会导致搜救时间的增加。

关键词:无人机任务分配:联合搜救;NSGA-II算法;帕累托解;对立学习 中图分类号: V279 文献标识码:A 开放科学(资源服务)标识码(OSID):

DOI: 10. 16615/j. cnki. 1674-8190. 2022. 04. 06

Research on UAV Mission Assignment Considering Low-altitude Operating Environment

LI Songrui, ZHANG Ming, WANG Mengmeng, ZHANG Jin, LI Boquan (School of Civil Aviation, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing 211106, China)

Abstract: How to reasonably allocate unmanned aerial vehicle (UAV) search and rescue tasks in low-altitude rescue has been the focus of research for a long time. The multi-object UAV mission assignment model based on level and distribution assignment method is established. In the model, the search and rescue cost, the number of UAVs used, and the balance of completed tasks are used as objective functions, and solved with the improved NSGA-II algorithm. The results show that the established model is effective, and the reasonable and effective allocation schemes can be given in different search and rescue environments. When the highest rescue efficiency are oriented, it will lead the cost and number of UAVs increase. As the actual search UAVs are very limited, the investment of time cost is required. When economic interests are oriented, it will lead to the conclusion that search and rescue time will increase.

Key words: UAV mission assignment; joint search and rescue; NSGA- II algorithm; Pareto solution; opposite learning

收稿日期: 2021-07-05; 修回日期: 2022-01-16

基金项目:南京航空航天大学研究生创新基地校开放基金(kfjj20200712);浙江建德通用航空研究院开放基金资助课题(JDGA2020-10)

通信作者: 李松锐, 81348925@qq. com

引用格式: 李松锐, 张明, 王蒙蒙, 等. 考虑低空运行环境求解无人机任务分配问题的研究[J]. 航空工程进展, 2022, 13(4): 57-64. LI Songrui, ZHANG Ming, WANG Mengmeng, et al. Research on UAV mission assignment considering low-altitude operating environment[J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2022, 13(4): 57-64. (in Chinese)

0 引 言

在地震等自然灾害发生之后,需要及时对灾 情进行探测,无人机能够利用红外探测仪,通过感 知温度的差异来探寻目标,可以探测到人体的身 体热量,从而知晓哪里还存在生命迹象,以便拯救 更多的受灾群众。"黄金72小时"是地质灾害发生 后的黄金救援期,在此期间内,人的存活率极高, 因而在这个期间内需要紧抓时间,开展搜救工作, 但是在发生灾害的地区,所提供的电力等能源以 及飞行器的架数都比较有限,通航直升机和无人 机搜索是搜救中的关键一环,是目前公认的有效 手段也是当下研究的热点,救援部门都以最小化 飞行路径的长度为目标,采用建模方法进行飞行 器的路径规划。进行无人机任务分配方法主要有 三种,分别是集中式、分布式以及分层级分布式 分配。

集中式分配主要针对的是多旅行商问题中的 路径求解问题。K. Dorling 等^[1]研究了无人机运输 的车辆路线问题时以集中式任务分配为基础来求 解分配后的无人机路线问题;C. Murray 等^[2]考虑 了最后1mile(1mile=1.609344km)的运输系统; Zhou Z等^[3]研究了当移动人群感应遇见无人机时, 节能任务分配和路线规划;Han Q等^[4]研究了基于 多智能体强化学习的多无人机目标分配与路径规 划联合优化。集中式分配的优点是总能给出最优 解,但是集中式分配也存在着问题规模较大时非 常耗时等缺点。

分布式分配需要无人机可以进行独立计算、 分析和决策,朱晓宇等^[5]提出基于一致性差分进化 的分布式任务分配;Zhou C等^[6]提出了一种在线随 机激励机制,用于在实际众包系统中并行分配延 迟容忍任务;Yu D等^[7]提出了运行时平衡聚类算 法和依赖关系的平衡聚类算法。分布式分配的优 点是在应用中无人机能在编队内通信,但是也要 求无人机需要进行独立计算和决策,灵活性要 求高。

分层级分布式分配,集集中式分配方式和分 布式分配方式的优点于一身,Hua M L 等^[8]提出利 用车辆来运载和发射无人机的方案;Hu Xiaoxuan 等^[9]研究了多个协作无人机团队的任务分配的分 层方法;Yu Jianqiao等^[10]通过全面建模解决了考 虑不同情况的多重 UAV 任务分配问题;Meng Wei 等^[11]考虑了将多无人机的分散控制用于自主起 飞,搜索和跟踪的问题;Ma Yunhong等^[12]提出了 一种遗传和聚类算法相结合的协同优化算法;Wei Minghan等^[13]研究了能源约束下的覆盖路径规划; 林林等^[14]设计了一种基于时间窗的无人机任务分 配方法,利用冲突消解机制防止无人机出现资源 死锁的情况。分层级分布式分配灵活性大,减少 了计算时间^[15]。

综上所述,运用集中式任务分配方法或分布 式分配方法各有优点和缺点,采用分层级分布式 分配方法使得任务分配能发挥二者的优势,任务 分配效果更佳。本文在分层级分布式分配方法的 基础上建立多目标多无人机任务分配模型,在约 束上考虑地形绕飞、低空风速对无人机续航能力 的影响,在求解方法上考虑利用改进的遗传算法 进行求解,并在求解中加入对立学习的方法增加 解的多样性,得出分配结论。

考虑无人机性能及运行环境的任 务分配模型

1.1 模型假设

(1)无人机的目标搜索点及释放位置的具体 坐标已知,各节点之间的距离按照欧氏距离进行 计算。

(2)每架无人机可以搜索多个目标点,每个目标搜救点只需要一架无人机进行搜索,但无人机的能耗不超过无人机的满电电量。

(3)将考虑低空风对无人机电池能耗影响、避障影响以及悬停影响下的能耗换算成无人机在不考虑以上因素匀速飞行状态时(如本文算例中机型A的速度为15m/s)对应的航程进行计量。

(4)目标搜索点的探测时间根据灾情等级进 行确定。

(5)各节点出发的UAV的速度均一致,无人 机的航程成本与无人机完成任务换算成的航程成 正比。

(6)不考虑无人机充电即多次循环使用问题, 发射前为满电量。

1.2 变量说明

无人机任务分配模型的相关变量说明如表1 所示。

	Table 1 Task allocation variable table						
参数	解释						
Р	UAV 搜救点和释放 UAV 的位置构成的集合($P = \{0, 1, 2, \dots, p, \dots, P \}, 0 表示释放无人机位置)$						
N'	UAV目标搜索点集合(集合P除去释放位置剩下的元 素构成的集合)						
K	UAV $\[\] \] \] \] \] \] \] \] \] \] \] \] \] \$						
Т	UAV 完成任务的时间集合, $T = \left\{T_1, T_2, \cdots, T_k, \cdots, T_{ K }\right\}$						
S	N'的子集,即一架UAV所分配到的搜救点的集合						
s _{ij}	UAV在点 <i>i</i> 和点 <i>j</i> 之间飞行的能耗换算为理想状态下 匀速飞行的航程						
t_{ij}	UAV在点 i 和点 j 之间的飞行时间						
~	UAV 在目标搜索点 i 悬停产生的能耗换算为理想状态						

表1 任务分配变量表

- T =
- 态下
- 状态 q_i 下无人机匀速飞行的航程
- 目标搜救点(或搜救点与释放位置)*i*,*j*之间的欧式 d_{ij} 距离
- 无人机单位飞行距离的成本 C
- 第 $k(k \in K)$ 架UAV从点i飞到点 $j(i, j \in M \cup N)$,则为 x_{ijk} 1,否则为0
- 节点*i*由无人机*k*服务 x_{ik}
- 如果在节点 j之前访问了节点 i则为1,否则为0 y_{ij}

1.3 目标函数

目标函数不仅要考虑无人机搜救产生的费 用,还要综合考虑无人机的使用数量、总的完成任 务最短时间即无人机任务的均衡合理性等因素。

首先,目标函数要使得总的费用最小,包括无 人机飞行产生的费用和悬停产生的费用。则该项 目标函数表达式如式(1)所示。

$$\min Z_1 = \min \left[c \left(\sum_{k \in K} \sum_{i \in P} \sum_{j \in P} s_{ij} y_{ij} x_{ijk} + \sum_{i \in N} q_i \right) \right] (1)$$

其次,无人机的实际数量有限,因而要尽量减 少无人机的使用数量,得到第二项目标函数(其中 0节点表示通航直升机释放无人机的位置)如式 (2)所示。

$$\min Z_2 = \min \sum_{k \in K} \sum_{j \in P} x_{0jk}$$
(2)

最后,无人机完成其所分配的搜救任务的总 能耗最小虽然会使得总的费用有所降低,但是在 救援过程中,完成任务的时间也值得考虑,仅考虑

费用问题可能会使得每架无人机完成任务的时间 差别很大从而使得整体完成任务的时间较长,因 而还需要在考虑费用的同时也要考虑各无人机完 成任务耗时的最大时差降到最低,如式(3)所示。

$$\min Z_3 = \min \left[\max (T_k) - \min (T_k) \right]$$
$$(\min (T_k), \max (T_k) \in T)$$
(3)

1.4 模型约束

模型的约束如下:

(12) $y_{ij} \in \{0, 1\}$ ($\forall i, j \in P$)

(1) $x_{iik} \in \{0, 1\}$ ($\forall i, j \in P, k \in K$)

式(1)为目标函数 I,使总旅行成本最小化, 包括在飞行中和悬停产生的成本。

式(2)为目标函数 II,考虑了无人机使用数量 最少,使得购置无人机的成本以及养护成本减少。

式(3)为目标函数Ⅲ,考虑了任务的均衡性, 使得总的完成任务的时间最短。

约束条件①确保每个搜索点只能由一架UAV 进行搜索。

约束条件②表示如果无人机对搜救点进行搜 索,则必须经过通航直升机释放无人机的位置点; 如果无人机未经过通航直升机释放位置,则不会 搜索任何搜救点。

约束条件③确保每条路线的连续性,即:访问 节点j的无人机必须离开节点j。

约束条件④指出,如果存在从节点*i*到节点*j* 的UAV飞行,则它们将由同一架UAV搜索。

约束条件⑤是经典子回路消除约束。

约束条件⑥是无人机的架数限制。

约束条件⑦表示无人机的电量限制为最大航 程限制,即在考虑风和避障条件下将无人机飞行 消耗的电量和悬停消耗的电量之和,换算为理想 状态下匀速飞行的航程进行计算,不得大于无人 机的最大航程。

约束条件⑧~约束条件⑨定义了航程的换算 公式,α为低空风对电池能耗影响系数、β为无人机 能耗预留系数、γ无人机飞行与悬停能耗比。

约束条件⑩定义了第 k架 UAV 完成分配给它的任务花费的总时间。

约束条件⑪~约束条件⑬定义了变量的取值 范围。

2 NSGA-Ⅱ算法求解无人机任务 分配

本文基于(Nondominated Sorting Genetic Algorithm-II,简称NSGA-II算法)^[16],采用快速 非支配排序算法,引进精英策略和采用拥挤度及 拥挤度比较算子,使得NSGA-II运行速度快,求 得的解的收敛性好。该算法求解UAV任务分配 问题依赖于其进化机制。

2.1 双染色体编码方式

运用一种双染色体编码方式,双染色体均由 整数编码,第一个染色体(染色体 I)代表靶序列, 第二个(染色体 II)代表目标序列在染色体 I上的 切割位置。在染色体 I上,每个基因都代表一个 搜索目标的索引,在染色体 II中,任何基因的值都 不得小于其前面的基因值。以四架 UAV,10个搜 救点为例进行编码。

例1:染色体 I (3,8,5,1,4,2,6,10,9,7),染 色体 II (2,5,8)。

基因编码方式如表2所示。

表2 例1染色体编码图

I able 2	Chromosome	coding	01	exampl	е.	l
----------	------------	--------	----	--------	----	---

UAV	染色体序列	UAV	染色体序列
114 171	3		2
UAVI	8	UAV3	6
	5		10
UAV2	1	X T A X T A	9
	4	UAV4	7

从表2可以看出:染色体Ⅱ是(2,5,8),因此染 色体Ⅰ中的基因(3,8,5,1,4,2,6,10,9,7)在切割 后分为四个子序列。四个子序列(3,8),(5,1,4), (2,6,10)和(9,7)分别代表UAV1、UAV2、UAV3 和UAV4的目标序列。

2.2 基于对立的学习策略

通过在任务分配中使用基于对立的学习策略,在初始化和变异操作后会生成对立种群,以提高找到更好解决方案的可能性。对于[*a*,*b*]区间内的变量*z*,其对数*²*定义如式(4)所示。

$$\hat{z} = a + b - z \tag{4}$$

对于空间中的点 $P = (z_1, z_2, ..., z_d)$,其对立面 点 $\hat{P} = (\hat{z}_1, \hat{z}_2, ..., \hat{z}_d)$ 是通过计算相对值生成的每 个维度的值,如式(5)所示。

 $\hat{z}_i = a_i + b_i - z_i \quad (z_i \in [a_i, b_i])$ (5) $a_{\mathcal{T}} = b_i - z_i \quad (z_i \in [a_i, b_i])$

为计算对立面的多维点。

2.3 种群初始化

染色体 I 上的基因总数为 $N_{\rm T}$ (搜救点的总数),染色体 II (切割位置)上的基因数目为($N_{\rm U}$ -1),即无人机总架数减一。根据所建立无人机任务分配模型中的约束条件以及本文提出的编码方式,随机产生一定数量满足约束条件的个体即满足每架无人机电池容量约束,完成种群的初始化,产生初始种群数量为 $P_{\rm op}$,通过对立学习的方式扩充种群数量为 $2P_{\rm op}$,得到初始种群 $P_{\rm 0o}$

2.4 快速非支配排序

本文对于第t代种群P_t中每个个体,首先对基

因进行解码得到无人机任务分配结果,根据式 (1)~式(3)计算其对应的三个目标函数值,依据各 目标函数值,对于每个个体*i*都会得到两个参数*n_i* 和*s_i(n_i为在种群中支配个体<i>i*的解的数量,*s_i为被* 个体*i*所支配的解的集合),从而进行分层和排序, 进而得到不同等级的帕累托前沿。不断地重复上 述操作,直到所有个体都设置为前沿。

2.5 拥挤度比较算子

个体*i*的拥挤度距离*L*(*i*)计算公式如式(6) 所示。

$$L(i) = \sum_{k=1}^{3} \frac{Z_k \times \left[L(i+1) - L(i-1) \right]}{Z_k^{\max} - Z_k^{\min}}$$
(6)

经过快速非支配排序之后,种群中的每个个体都具有非支配排序得到的非支配序列*i*_{rank}和拥挤度*i*_a两个属性,根据这两个属性设定拥挤度比较算子,对于个体*i*和个体*j*,满足以下任意一个条件,则*i*获胜。

(1) i个体所在非支配层优于j个体所在非支 配层, $f i_{rank} < j_{rank}$ 。

(2) *i* 和 *j* 具有相同等级,同时个体*i*的拥挤距 离较大,即*i*_{rank} = *j*_{rank}且*i*_d = *j*_d。

2.6 选择和精英保留

种群初始化以及每次迭代得到新的种群后, 运用二元竞标法选择合适的父本进行交叉和变异 操作。交叉和变异之后再对种群进行对立学习, 扩充种群的规模。

2.7 交叉

本文只将交叉算子应用于染色体 I,而染色体 I 在交叉过程中保持不变。这项工作使用了部分映射交叉运算符,其中一个亲本基因的一部分与另一亲本基因的一部分进行交换,其余基因则通过作图进行复制或再生。

2.8 多重变异

对于染色体 I,变异总共有四种操作方式,即 保持、翻转、交换和滑动,一次可以产生四个后代。

3 算例分析

3.1 数据获取

无人机任务分配算例选取获取到的释放位置

进行分析,该位置负责13个搜索点。

3.2 求解过程和结果分析

(1)种群初始化

首先需要进行种群的初始化,由于要满足电 池容量约束,为计算简便,设置初始解为"一机一 点",即每架无人机搜索一个搜救点,总共有13个 搜索点,则初始解使用了13架无人机,染色体Ⅱ编 码为[12345678910111213]。染色体Ⅰ通 过随机的方式产生初始种群。

(2)参数设置

求解参数设置如表3所示。

表3 求解参数设置表

m 11 0	0 1 '		
Toble 2	Solumo	nomonotom	a ottime toblo
I able o	.50171110	Darameter	sering table
1 0.010 0		parameter	country capito

类别	参数	数值
	c/(元·米 ⁻¹)	0.0092
NCCA 正体计田和协制	α	1.053
NSGA-Ⅱ昇伝用到的机 刑及地形笔相关会粉	β	0.3
至汉地形守相大参数	γ	1.071
	$v/(\mathrm{m}\cdot\mathrm{s}^{-1})$	15
	P_1	0.9
	P_2	0.1
NSGA-Ⅱ算法参数设置	$N_{\rm T}$ /架	13
	$P_{\rm op}$	100,50,20,30
	$G_{\rm en}$	1000,500,300,200

(3) 求解结果及分析

在正式求解前首先利用 NSGA-Ⅱ和 PSO算法以费用最小为目标函数进行求解,如图1所示,可以看出:NSGA-Ⅱ算法相比较于 PSO算法求解任务分配的问题具有收敛速度快,并且得到的结果更优,求得的费用减少了2.08%。





分别设置种群规模 P_{op} =30,迭代次数 G_{en} 为 1000、500、300、200,和 G_{en} =1000, P_{op} 为100、50、 30、20进行 8次实验得到帕累托解,如图 2~图3所 示,蓝、品红、黄、黑色圆点分别表示在 P_{op} =30, G_{en} =1000、500、300、200下得到的帕累托解,在图 3中,红、绿、蓝、青色圆点分别表示在 G_{en} =1000, P_{op} =100、50、30、20下得到的帕累托解。可以看 出:当种群规模为30,迭代次数为1000时能得到 较多的帕累托解。取两个帕累托解以及遗传算法 求解单目标的两组迭代得到的解,结果对比如表4 所示,其中单目标模型求解后只能得到目标 Z_1 ,即 搜救的费用,为了便于比较,将其对应使用的无人 机架数即 Z_2 ,以及无人机执行任务时间极差 Z_3 求出。



图 2 P_{op} =30, G_{en} 为1000、500、300、200得到的帕累托前沿 Fig. 2 The petro frontier obtained by P_{op} =30 and G_{en} =1000、500、300、200



图 3 $G_{en} = 1\,000, P_{op}$ 为 100、50、20、30 得到的帕累托前沿 Fig. 3 The petro frontier obtained with $G_{en} = 1\,000$ and $P_{on} = 100, 50, 20, 30$

表4 多目标模型与单目标模型结果对比 Table 4 Comparison of results between multi-objective

abic 1	Comparison of results between matte	objectiv
	model and single-objective model	

模型	$Z_1/\vec{\pi}$	$Z_2/架$	Z_3/s	两种目标模型 的 Z ₂ 相同时 Z ₁ 变化/%	两种目标模型 的 Z_2 相同时 Z_3 变化/%
多目标	5 379.35	6	703.91	↑ 10.82	♦ 85.62
模型	4 680.73	5	708.90	↑ 2.03	↓ 28.39
单目标	4 854.33	6	4 893.94	—	_
模型	4 587.51	5	989.97	—	_

分析单目标求解得到的分配结果,显然与多 目标模型得到的帕累托解相比,在使用的无人机 数量上差别不大,单目标模型未考虑任务的均衡 性,使得无人机之间的任务完成时间差别较大,但 是在费用上具有明显优势。多目标求解的结果在 费用上不具有优势,但是在完成任务的均衡性上 具有明显优势。

而对于多目标求解结果,也可以根据实际需 求获得需要的帕累托解。分别取侧重于搜救总费 用最小、搜救无人机的数量最小和无人机任务差 异性最小的结果进行灵敏度分析,无人机任务分 配多目标模型的灵敏度分析侧重不同目标得到的 结果如表5所示。

表5 多目标模型灵敏度分析侧重目标结果 Table 5 Multi-target model sensitivity analysis

	iocuses on target results						
	侧重目标函数	$Z_1/\vec{\pi}$	$Z_2/架$	Z_3/s			
		4 917.62	6	4 620.76			
		4 854.36	6	4 427.48			
	Ι	4 917.67	6	4 340.54			
		4 879.27	6	4 400.54			
		4 865.84	6	4 468.22			
		4 880.73	6	4 613.94			
		5 101.08	6	2 725.63			
	П	5 099.60	6	3 007.21			
		5 379.35	6	703.91			
		4 680.73	5	708.90			
_		6 052.21	7	961.44			
		4 680.73	5	708.90			
	Ш	5 379.35	6	703.91			
		6 092.24	7	933.76			
		6 052.21	7	961.44			

如果侧重的目标函数是 $Z_x(x \in X)$ 并且X ={1,2,3},则当 Z_x 是侧重于目标时, $Z_{xy}(y \in X)$ 可以表示为目标值矩阵, Z_{xy} 为

$$Z_{xy} = \begin{pmatrix} 4 & 886.95 & 6 & 4 & 451.51 \\ 5 & 028.30 & 5.8 & 2 & 351.92 \\ 5 & 651.35 & 6.4 & 853.89 \end{pmatrix}$$

如果 $Z_{qy}(q \in X \setminus \{x\})$ 是侧重于 Z_q 的目标值,

 φ_{xqy} 表示侧重 Z_x 与侧重 Z_q 的目标值变化率,则 φ_{xqy} 可以表示为

$$\varphi_{xqy} = \frac{Z_{xy} - Z_{qy}}{Z_{xy}} \times 100\%$$
 (7)

如果 φ_{xqy} 为正,则目标趋势上升;否则,趋势是 下降的。有关重点目标结果的比较分析,如表 6 所示。

表6 多目标模型中侧重目标结果对比分析(根据均值计算求得)

Table 6 Focus on the comparative analysis of target results in the multi-target model (calculated according to the mean value)

侧重目标函数	$\varphi_{x11}/\sqrt[9]{0}$	$\varphi_{x12}/\%$	$\varphi_{x13}/\%$	$arphi_{x21}/\%$	$arphi_{x22}/\%$	$\varphi_{x23}/\%$	$arphi_{x31}/\%$	$arphi_{x32}/\sqrt[9]{0}$	$arphi_{x33}/$ %
Z_1	—	_	—	2.9 ↓	3.3 🕇	47.2 🕇	15.6 ↓	6.7 ↓	80.7 🕇
Z_2	2.8 1	3.4 ↓	89.2 ↓	—	_	—	12.4 ↓	10.3 ↓	63.7 🕇
Z_3	13.5 🕇	6.3 🕇	422 ↓	11.0 1	9.4 1	175 ↓	—	—	—

从表6可以看出:当帕累托解侧重于搜救成本 时,相比侧重于UAV数量和搜救时差最小,成本 有所下降,且UAV任务最大时差都有大幅上升, 其中相比侧重于UAV使用数量目标,成本目标的 值下降不明显;当侧重于UAV使用数量时,相比 侧重于另外两个目标函数,UAV使用数量有所下 降,其中相比侧重于成本目标,UAV使用数量下降 也不明显;当帕累托解侧重于UAV搜救最大时差 最小时,相比侧重于另外两个目标函数,时差有所 下降,且下降幅度特别大,另外两个目标函数的值 却均有所上升。

在实际搜索救援中,需要综合平衡搜救时间、 费用和无人机数量三个指标,使得搜救工作更加 有效。一般更多是在考虑搜救均衡时间最少这个 指标的基础上,带来成本和无人机数量的增加;但 当实际搜救无人机的数量十分有限时,则需要加 大时间或成本的投入;以经济利益为导向时,则会 导致搜救时间的增加。

4 结 论

(1)在进行模型的求解计算时,利用了改进的 NSGA-Ⅲ算法进行求解,相比较于PSO算法求解 任务分配的问题具有收敛速度快的特点,并且得 到的结果更优,费用减少了2.08%。

(2)通过算例得出考虑多目标的无人机任务 分配模型的优异性,本模型可以根据搜救情况的 现实需要,对于侧重于不同的目标,给出对应的分 配方案。

参考文献

- [1] DORLING K, KEINRICHS J, MESSIER G G, et al. Vehicle routing problems for drone delivery[J]. IEEE Transactions on Systems Man & Cybernetics Systems, 2017, 47 (1): 70-85.
- [2] MURRAY C, RAJ R. The multiple flying sidekicks traveling salesman problem: parcel delivery with multiple drones
 [J]. Transportation Research Part C: Emerging Technologies, 2020, 110: 368–398.
- [3] ZHOU Z, FENG J, GU B, et al. When mobile crowd sensing meets UAV: energy-efficient task assignment and route planning [J]. IEEE Transactions on Communications, 2018, 66(11): 5526-5538.
- [4] HAN Q, SHI D, SHEN T, et al. Joint optimization of multi-UAV target assignment and path planning based on multi-agent reinforcement learning [J]. IEEE Access, 2019, 7: 146264-146272.
- [5] 朱晓宇,何兵,刘刚,等.基于一致性差分进化的分布式任务分配[J].电光与控制,2021,28(9):20-24,38.
 ZHU Xiaoyu, HE Bing, LIU Gang, et al. Distributed task allocation based on consistent differential evolution[J]. Electronics Optics and Control, 2021, 28(9):20-24,38. (in Chinese)
- [6] ZHOU C, THAM C K, MOTANI M. Online auction for scheduling concurrent delay tolerant tasks in crowdsourcing systems[J]. Computer Networks, 2020, 169(4): 107045.
- [7] YU D, YING Y, HA N Z L, et al. Balanced scheduling of distributed workflow tasks based on clustering [J]. Knowledge-Based Systems, 2020, 199: 105930.

- [8] HUA M L, LIU W D. On the joint design of routing and scheduling for vehicle-assisted multi-UAV inspection [J]. Future Generation Computer Systems, 2019, 94: 214-223.
- HU Xiaoxuan, MA Huawei, LUO He. Hierarchical method of task assignment for multiple cooperating UAV teams[J]. Journal of Systems Engineering and Electronics, 2015(5): 1000-1009.
- [10] YU Jianqiao, YANG Di. Multi-UAV task assignment with parameter and time-sensitive uncertainties using modified two-part wolf pack search algorithm [J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2018, 54(6): 2853– 2872.
- [11] MENG Wei, HE Zhirong, RODNEY T, et al. Decentralized search, tasking and tracking using multiple fixed-wing miniature UAVs[C] // 2014 IEEE International Conference on Control & Automation (ICCA). Taichung, China: IC-CA, 2014: 1223-1235.
- [12] MA Yunhong, ZHANG Heng, ZHANG Yaozhong. Coordinated optimization algorithm combining GA with cluster for multi-UAVs to multi-tasks task assignment and path planning[C]// 2019 IEEE 15th International Conference on Control and Automation. Edinburgh, Scotland: ICCA, 2019: 1-6.
- [13] WEI Minghan, ISLER V. Coverage path planning under the energy constraint[C]// 2018 IEEE International Conference on Robotics and Automation (ICRA). Brisbane, Australia: IEEE, 2018: 108.

 [14] 林林,孙其博,王尚广,等.基于时间窗的多无人机联盟任务分配方法研究[J].电子与信息学报,2013,35(8): 1983-1988.

LIN Lin, SUN Qibo, WANG Shangguang, et al. Research on task assignment method of multi-UAV alliance based on time window [J] Journal of Electronics and Information, 2013, 35(8): 1983-1988. (in Chinese)

[15] WANG Z, LI L, LONG T, et al. Multi-UAV reconnaissance task allocation for heterogeneous targets using an opposition-based genetic algorithm with double-chromosome encoding [J]. Chinese Journal of Aeronautics, 2018, 31(2): 339-350.

作者简介:

李松锐(1996一),男,硕士研究生。主要研究方向:无人机航 迹规划、低空救援。

张 明(1976—),男,博士,副教授。主要研究方向:低空救援、空中交通管理。

王蒙蒙(1997一),女,硕士研究生。主要研究方向:城市空中 交通规划。

张 进(1998一),男,硕士研究生。主要研究方向:城市空中 交通规划。

李伯权(1995—),男,硕士研究生。主要研究方向:无人机航 迹规划、低空救援。

(编辑:丛艳娟)

(上接第56页)

- [16] ROPER D M, OWEN I, PADFIELD G D, et al. Integrating CFD and piloted simulation to quantify ship-helicopter operating limits[J]. Aeronautical Journal, 2006, 110: 419-428.
- [17] KELLER J A. Analysis and control of the transient aeroelastic response of rotors during shipboard engagement and disengagement operations [D]. Pennsylvania: The Pennsylvania State University, 2001.
- [18] NEWMAN J S. An investigation into the phenomenon of helicopter blade sailing [D]. Southampton: University of Southampton, 1995.
- [19] YUAN K A, FRIEDMANN P P. Aeroelasticity and structural optimization of composite helicopter rotor blades with swept tips: NASA-CR-4665[R]. US: NASA, 1995.
- [20] 胡子俊,张楠,姚惠之,等. 涡判据在孔腔涡旋流动拓扑结 构分析中的应用[J]. 船舶力学, 2012(8): 839-846.

HU Zijun, ZHANG Nan, YAO Huizhi, et al. Vortex identification in the analysis on the topology structure of vortical flow in cavity [J]. Journal of Ship Mechanics, 2012(8): 839-846. (in Chinese)

作者简介:

张 冉(1997一), 男, 硕士研究生。主要研究方向: 直升机空 气动力学, 直升机结构动力学。

徐国华(1963一),男,博士,教授、博导。主要研究方向:直升 机空气动力学,旋翼CFD和气动声学等。

史勇杰(1983—),男,博士,教授。主要研究方向:直升机旋翼 CFD,直升机旋翼噪声等。

王 清(1986—),男,博士,副教授。主要研究方向:直升机空 气动力学。

(编辑:丛艳娟)