文章编号:1674-8190(2022)05-123-08

# 基于ABAQUS的加筋球壳参数化建模及屈曲分析

彭宇辰<sup>1</sup>,陈秀华<sup>2</sup>,吴亚东<sup>1</sup>

(1.上海交通大学机械与动力工程学院,上海 200240)

(2.上海交通大学 航空航天学院,上海 200240)

摘 要:加筋球壳结构由于良好的承载能力和可设计性,其加筋设计及屈曲分析一直是经典且具有挑战性的 问题。给出基于ABAQUS的加筋球壳的参数化有限元建模方法,建立加筋球壳的参数化有限元模型;通过与 文献数据进行比较对模型的准确性进行验证;以临界屈曲压力和临界屈曲压力与重量的比值为主要指标,研究 球壳厚度、加强筋布局、加强筋截面尺寸等参数对铝合金加筋球壳屈曲的影响。结果表明:本文给出的方法提 高了有限元建模效率;结向筋对结构整体屈曲的影响较为显著,而经向筋的影响则并不明显;增加球壳厚度与 加强筋截面高度也能有效提高加筋球壳结构的屈曲性能。

 关键词:参数化建模;ABAQUS二次开发;加筋球壳结构;屈曲分析;数值模拟

 中图分类号: V223

 DOI: 10.16615/j. cnki. 1674-8190. 2022. 05.13

 开放科学(资源服务)标识码(OSID): [%]

# Parametric Modeling and Buckling Analysis of Stiffened Spherical Shell Based on ABAQUS

PENG Yuchen<sup>1</sup>, CHEN Xiuhua<sup>2</sup>, WU Yadong<sup>1</sup>

(1. School of Mechanical Engineering, Shanghai Jiao Tong University, Shanghai 200240, China)

(2. School of Aeronautics and Astronautics, Shanghai Jiao Tong University, Shanghai 200240, China)

**Abstract**: Due to the good load carrying capacity and designability, the stiffener design and buckling analysis of stiffened spherical shell structure have always been the classic and challenging problems. The parametric finite element modeling method of stiffened spherical shell based on ABAQUS is given, and the parametric finite element model of the stiffened spherical shell is established. The accuracy of the model is verified by comparing with literature data. Using the critical buckling pressure and the critical buckling pressure to weight ratio as the main indexes, the influence of shell thickness, stiffener layout, stiffener section size and other parameters on the buckling of aluminum alloy stiffened spherical shell is studied. The results show that the given method can improve the finite element modeling efficiency. The circumferential stiffener is of more significant influence on the overall buckling of the structure, while the influence of longitudinal stiffener is not obvious. Increasing the shell thickness and the section height of the reinforcement can also effectively improve the buckling performance of the stiffened spherical shell.

**Key words**: parametric modeling; secondary development of ABAQUS; stiffened spherical shell structure; buckling analysis; numerical simulation

收稿日期: 2021-11-03; 修回日期: 2022-01-12

通信作者: 陈秀华, chenxiuhua@sjtu. edu. cn

引用格式:彭宇辰,陈秀华,吴亚东.基于ABAQUS的加筋球壳参数化建模及屈曲分析[J]. 航空工程进展, 2022, 13(5): 123-130, 170.
 PENG Yuchen, CHEN Xiuhua, WU Yadong. Parametric modeling and buckling analysis of stiffened spherical shell based on ABAQUS[J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2022, 13(5): 123-130, 170. (in Chinese)

#### 0 引 言

加筋球壳结构由于其抗屈曲性能良好,并且 具有较高的结构效率和可设计性,广泛应用在航 空航天领域中各类承力构件<sup>[1]</sup>。典型的加筋球壳 结构如飞机后压力框,其加筋设计和布置有很多 方式。例如空客A340的后压力框采用了只加经 向筋的方式进行设计,而波音747则采用了经纬向 格栅加筋的方式进行设计。加筋球壳结构在承受 外压载荷时需要考虑屈曲问题,同时当前航空航 天领域对于减重的需求愈发迫切。因此,如何通 过对加筋球壳结构的筋条布置及各项参数进行设 计用以实现在减重的同时获得较高的屈曲载荷变 得十分重要。

对于球壳结构的稳定性问题,研究者已对此 展开了研究。J. Btachut<sup>[2]</sup>针对扁球壳结构的屈曲 问题进行了实验和有限元分析; Wang Jingchao 等<sup>[3]</sup>基于能量法,给出了加筋正交各向异性扁球壳 非线性屈曲的广义相似条件和缩尺原理;庞福振 等<sup>[4]</sup>针对加筋球壳结构的稳定性进行分析,讨论了 球壳厚度、加强形式对加筋球壳结构稳定性的影 响并进行了一定的优化:马玉斐等<sup>[5]</sup>对经线加筋和 纬线加筋这两种加筋形式的加筋球壳进行了局部 和总体稳定性计算;蔡奕霖等[6]采用有限元法分析 均布外压作用下复合材料扁球壳结构的屈曲和后 屈曲行为,讨论了铺层顺序等对屈曲及后屈曲行 为的影响并进行优化设计;罗珊等<sup>[7-8]</sup>基于弧长法 对受压球壳的稳定性进行了分析,并对含初始缺 陷受压球壳的稳定性进行研究;张猛等<sup>[9]</sup>针对不锈 钢球壳进行静水压力试验与数值仿真分析;李富 根等<sup>[10]</sup>利用渐近迭代法获得了边界弹性支撑的S 型功能梯度扁球壳的非线性屈曲问题的理论解。 但在目前研究中,球壳结构的加筋设计形式相对 较少,所建立的有限元模型也只选取了几种相对 简单的方式,尚未给出任意尺寸及加筋布置方式 下加筋球壳结构的参数化有限元模型,同时也未 给出加筋结构对临界屈曲压力与重量之比的影响 规律。

为了提高有限元建模效率,研究者采用参数 化模型来对某一飞机部件进行设计。郭英男等<sup>[11]</sup> 开发了航空连接结构参数化有限元分析系统;蒋 华兵等<sup>[12]</sup>通过对ABAQUS二次开发,建立了数控 弯管专用前处理模块;年春波等<sup>[13]</sup>基于ABAQUS 二次开发,对变角度层合板的屈曲特性进行了分析;Jin Bocheng等<sup>[14]</sup>利用PCL语言对Patran进行 二次开发,通过建立参数化模型对单板和多板的 帽型筋加筋板进行了分析,研究相关几何参数的 设计敏感性;Tang Jiapeng等<sup>[15]</sup>提出了飞机机翼结 构的有限元参数化建模方法。但目前尚未有文献 报道给出双曲加筋球壳结构的参数化有限元建模 方法。

本文给出基于 ABAQUS 的加筋球壳结构的 参数化有限元建模方法,并利用其对铝合金加筋 球壳的屈曲问题进行参数化分析;根据有限元分 析的结果,归纳各主要设计参数对整体结构屈曲 的影响规律,以期为加筋球壳结构的减重优化设 计提供参考。

### 加筋球壳结构有限元模型的参数 化建模

#### 1.1 有限元建模方法

参数化建模的实现过程与有限元模型的建模 过程相类似。由于球壳与加强筋分布一般采用周 期性对称结构,因此可以通过建立扇形模型利用 周期性实现整个加筋球壳参数化模型的建立,其 中球壳曲面采用壳单元,加强筋则采用一维梁单 元。加筋球壳结构示意图如图1所示。



图 1 加筋球壳结构示意图 Fig. 1 Diagram of stiffened spherical shell structure

1.1.1 扇形球壳几何模型建模

扇形曲面模型示意图如图2所示,对于扇形球 壳曲面部分,主要参数包括底面半径*a*,拱高*h*,壳 厚*t*以及扇形周期数*n*,扇形模型的圆心角α的大小 根据扇形的周期数*n*得到。上述参数构成了整个 球壳结构的基本几何尺寸。



图 2 扇形曲面模型示意图 Fig. 2 Schematic diagram of fan-shaped surface model

通过改变上述参数大小即可实现扇形球壳曲 面的快速建模。根据底面半径 a 及拱高 h 即可计 算出曲率半径 R 的大小。

$$R = \frac{h^2 + a^2}{2h} \tag{1}$$

1.1.2 扇形几何模型的拆分及网格划分

对于整个模型的几何拆分和网格划分,主要的难点在于不仅需要确定加强筋所在的位置,同时还需要保证球壳所划分的网格与加强筋网格相 对应。根据纬向筋和经向筋的位置和数量对曲面 进行合适的拆分,通过对拆分所形成的几何边进 行布种数量控制完成球壳曲面网格划分。

对于扇形几何模型的拆分,如图3所示,主要 是根据经向筋和纬向筋的位置和数量来确定的。 首先根据纬向筋的位置将整个扇形模型分成*i*个 区域,*i*为纬向筋数量。对于距球壳中心的距离为 0~*r*<sub>1</sub>的区域,默认没有加强筋,对于*r*<sub>1</sub>~*r*的区域在 右侧默认有一条经向筋。若整个模型需要额外加 经向筋,则将该区域按照最少的经向筋个数均匀 拆分,若整个模型不需要额外加经向筋,则不再对 该区域进行拆分。对于距球壳中心的距离为*r*<sub>1</sub>~*r* 的区域,根据最大经向筋个数*n*<sub>max</sub>均分该区域。这 样拆分的目的是为了之后划分的网格更加规则。





对扇形模型进行几何拆分后,对其进行网格 划分。网格划分主要的控制参数为径向和环向的 布种个数。对于径向的几何边通过设置相邻种子 之间的间距s来控制布种个数,而环向的几何边则 通过调节一定的比例系数m来实现布种个数的控 制,球壳曲面的单元类型为S8R。不同密度的网格 划分示意图如图4所示。





(b) 密网格示意图

图 4 不同网格密度划分示意图 Fig. 4 Division of different mesh density

#### 1.1.3 加强筋建模

对于加强筋部分,为了便于参数化建模进行 一定简化,采用球壳外部加筋方式,通过一维梁单 元来进行表示,单元类型为B31。在该模型中,加 强筋采用与球壳网格共节点的方式进行建模,即 认为加强筋与球壳之间是完美连接的,不考虑球 壳与加强筋脱开的情况。通过对球壳划分网格 后,将所需位置的节点按x坐标的大小排序后依照 从小到大的顺序两两相连来建立梁单元。

对于纬向筋建模,主要的控制参数为纬向筋的数量*i*以及纬向筋的位置 $r_1 \sim r_i \circ r_1$ 一年。由纬向筋距球壳中心距离与球壳底面半径之比 $C_i$ 进行控制,如图5所示。通过表格来对纬向筋的位置和个数进行控制,只需改变相应参数即可实现不同纬向筋位置的快速建模。在该模型中,默认最大半径处有纬向筋,因此 $C_i \equiv 1$ 。



图 5 纬向筋位置控制参数示意图 Fig. 5 Schematic diagram of position control parameters of circumferential stiffeners

对于经向筋的建模,相邻两个纬向筋之间区 域中经向筋的数目均匀布置。主要的控制参数为 相邻两个纬向筋之间区域中经向筋的数目  $N_1 \sim N_{i-1}$ 。对于距球壳中心的距离为 $0 \sim r_1$ 的区域, 默认没有加强筋,对于 $r_1 \sim r_i$ 的区域在右侧默认有 一条经向筋,最内层没有经向筋。通过表格对一 个扇形模型上的经向筋个数来进行控制,使得相 邻两个区域上的经向筋个为数相互关联。I为第一 个纬向筋与第二个纬向筋之间增加经向筋个数, 即 $N_1 = I + 1$ 。 $N_2 \sim N_{i-1}$ 则通过 $F_j(j=1,2,\dots,i-2)$ 进行控制:当 $F_j$ 为0时,表示下一层不需要额外加 筋,即下一层增加的经向筋个数与上一层相同,  $N_{j+1} = N_j$ ;当 $F_j = 1$ 时,表示下一层需要额外加筋, 下一层的经向筋个数变为上一层的2倍,即 $N_{j+1} = 2N_j$ 。生成的加筋扇形模型如图6所示,图中绿色 部分即为加强筋。





(b) 有额外加筋扇形模型示意图

有额外加筋扇形模型示意图 Fig. 6 Diagram of fan-shaped model with 5 circum ferential stiffeners, without extra meridional stiffeners and with extra meridional stiffeners

图6 纬向筋数目为5,无额外经向筋和

在目前所使用的模型中,梁单元截面采用矩 形截面,根据实际模型需要可以更换为梯形、T型 或I型截面等不同梁截面形状。对于矩形截面, 主要的设计参数为梁截面的宽度 b,和厚度 t,通过 改变这两个参数即可实现任意矩形梁截面的 建模。

由于本模型采用球壳外部加筋方式,为保证 加强筋与球壳曲面的相对位置关系与实际相符, 需要对梁截面进行偏心操作,如图7所示,对梁单 元的方向进行设置,保证梁截面的1方向为宽度方 向,梁截面的2方向为厚度方向。在全局坐标系 下,对于纬向筋,当梁单元z坐标大于0时,梁单元 的1方向为(0,0,-1);当梁单元z坐标小于0时, 梁单元的1方向为(0,0,1)。对于经向筋,其1方 向在全局坐标系下为(sing,0,-cosg),其中 g 为 该经向筋与xy平面所成的夹角。





完成上述扇形几何模型建立后,根据扇形模型周期个数n,利用旋转阵列即可建立完整的加筋球壳结构几何模型。

1.1.4 载荷及边界条件

整个模型的载荷及边界条件,如图8所示,整 个模型受到均布外压载荷作用,边界条件为底边 固支,进行屈曲分析。根据不同的受载情况,可以 对载荷和边界条件进行调整。





1.1.5 参数化有限元模型

本文通过对ABAQUS二次开发来建立加筋 球壳有限元参数化模型,采用python作为接口语 言。依据上述参数化建模方法,创建GUI插件,实 现加筋球壳结构有限元模型的快速建立。

采用该参数化有限元建模方法,只需根据需 要输入相应参数,即可快速建立不同尺寸和厚度、 不同材料、不同加筋形式及梁截面的加筋球壳有 限元模型。所建加筋球壳有限元几何模型及网格 划分示意图如图9所示。





(a) 加筋球壳几何模型示意图

(b) 加筋球壳网格示意图

图 9 加筋球壳几何模型及网格示意图 Fig. 9 Schematic diagram of geometric model and mesh of stiffened spherical shell

在目前的模型中,加筋方式可以从不加筋,仅 加经向筋,仅加纬向筋,格栅加筋这四种情况中进 行选择。同时,加筋球壳材料属性赋予,分析步创 建,载荷及边界条件施加也已完成,只需提交作业 即可得到分析结果。在给定加筋球壳结构参数的 情况下,采用传统有限元建模方式需要至少1h进行有限元模型的创建,而采用该参数化有限元模型化需要至多半分钟的时间便可完成模型的建立。

### 1.2 加筋球壳结构参数化有限元模型的 验证

由于缺少实验数据,对于无加筋球壳,选取文 献[2]的数据对模型进行验证,载荷为均布外压载 荷,边界条件为底边固支;对于加筋球壳结构,选 取文献[3]的模型参数进行验证,分别对底边固支 和简支两种边界条件进行计算,载荷为均布外压 载荷。所用模型基本参数如表1~表2所示。

表1 无加筋球壳材料属性和结构尺寸

1 able 1	i ne material	properties and	dimensions	of the spherical shells	s without stilleners	

模型编号	弹性模量 E/GPa	ν	a/mm	h/mm	t/mm	R/mm
D1	207	0.28	83.060	1.90	1.00	1 816.5
D2	207	0.28	83.065	2.15	1.02	1 605.7
D3	207	0.28	83.050	3.93	1.03	878.6
D4	207	0.28	83.060	2.96	1.76	1 166.7
D5	207	0.28	83.050	4.56	1.76	759.3

表2 加筋球壳材料属性和结构尺寸

 Table 2
 The material properties and dimensions of the stiffened spherical shells

stillened splicitear sitelis					
参数	数值	参数	数值		
弹性模量 E/GPa	206	t/mm	27		
ν	0.3	t <sub>s</sub> /mm	50.8		
R/mm	5 080	b <sub>s</sub> /mm	4.851		
$h/\mathrm{mm}$	2 024				

利用上述参数化有限元模型对所选模型进行 有限元分析,并与文献[2-3]结果进行对比,结果 如表3所示,其中P\*为文中所给出的临界屈曲压 力,P<sub>num</sub>为参数化有限元模型所计算出的临界屈曲 压力,可以看出:该参数化模型在无加强筋与格栅 加筋情况下通过有限元得到的结果均与文献结果 吻合较好,因此认为通过该参数化有限元建模方 法所建立的有限元模型的计算结果是可信的。

表 3 文献结果与有限元结果的比较 Table 3 Comparison of literature results and

fillite element results					
模型编号	$P^*/\mathrm{MPa}$	$P_{\rm num}/{ m MPa}$	误差/%		
D1	0.044 0	0.044 14	0.3182		
D2	0.0571	0.05666	-0.7706		
D3	0.2100	0.21000	0		
D4	0.3580	0.36990	3.3240		
D5	0.744 0	0.732 20	-1.5860		
W1(固支)	7.8300	7.68940	-1.7970		
W2(简支)	7.6370	7.64550	0.1113		

# 2 加筋球壳结构主要参数对其屈曲 性能的影响研究

随着航空航天领域对于减重的要求越来越迫切,在保证临界屈曲载荷足够的同时如何减重变得愈发重要。本文针对铝合金加筋球壳,以临界屈曲载荷与重量之比Pc/W为

主要指标,对其屈曲问题展开研究。载荷为均布 外压载荷,边界条件为底边固支,通过Riks分析步 进行非线性分析,模型的基本尺寸采用文献[2]中 的模型D3进行计算。临界屈曲载荷P。为载荷位 移曲线中的极大值点,加筋球壳质量为W,铝合金 球壳材料与尺寸参数如表4所示。

表4 铝合金球壳材料属性和结构尺寸 Table 4 Material properties and dimensions of the aluminum alloy spherical shells

J 1					
参数	数值	参数	数值		
<i>E</i> /GPa	71.7	h/mm	3.93		
ν	0.33	t/mm	1.03		
$ ho/({ m kg}{ m \cdot}{ m m}^{-3})$	$2.81 \times 10^{3}$	R/mm	878.6		
a/mm	83.05				

#### 2.1 球壳厚度对P。及P。/W的影响

针对无加强筋的情况,对球壳厚度对P<sub>c</sub>及P<sub>c</sub>/W的影响进行研究。球壳厚度选择从1~2 mm,每次增加0.25 mm,结果如图10~图12 所示。





图 12 不同壳厚下无加筋球壳中心处载荷位移曲线 Fig. 12 Load-displacement curve at the apex of unstiffened spherical shell with different shell thickness

从图 10~图 12 可以看出:随着球壳厚度的增加,临界屈曲载荷 P。逐渐增大,临界屈曲载荷与重量之比 P。/W 也逐渐增大,因此增加球壳厚度可以 有效地提高结构整体的屈曲性能。

### 2.2 加强筋主要设计参数对 P<sub>c</sub>及 P<sub>c</sub>/W 的 影响

球壳曲面尺寸与材料同上节一致,厚度为 1 mm,加强筋截面采用矩形截面,材料与球壳一 致,开展加强筋主要设计参数对P<sub>e</sub>及P<sub>e</sub>/W的影响 研究。由于边界条件为固支,在最大半径处的纬 向筋并未起到加强作用,因此在计算加筋球壳重 量和纬向筋数量时减去了该部分的重量。

2.2.1 加强筋布局对P<sub>c</sub>及P<sub>c</sub>/W的影响

对不同加强筋布局的铝合金加筋球壳进行非 线性有限元分析,加强筋截面尺寸为5mm×1mm (宽度×厚度),结果如图13~图15所示。





图 14 加强筋布局与 P<sub>c</sub>/W之间的关系







从图 13~图 14 可以看出:随着纬向筋数量的 增加,P。和P。/W均逐渐增大,而随着经向筋数量 的增加,P。逐渐增大,而当纬向筋数目为1和3时, 随着纬向筋数量的增加,P。/W先增大后减小;当 纬向筋数目为2和4时,随着纬向筋数量的增加, P。/W则逐渐减小;当纬向筋数目为4,经向筋数目 为5时,P。/W取得最大值。

纬向筋位置分布如表5所示(省略了最大半径 处加强筋),其中C<sub>i</sub>为纬向筋距球壳中心距离与球 壳底面半径之比。

表5 纬向筋位置分布表 Table 5 Location distribution of circumferential stiffeners

纬向筋数目	$C_1/\frac{0}{0}$	$C_2/\sqrt[9]{0}$	$C_3/\frac{9}{10}$	$C_4/\%$
1	20	_	_	_
2	20	60	_	_
3	20	40	70	_
4	20	40	60	80

2.2.2 纬向筋位置对Pc及Pc/W的影响

研究纬向筋位置对*P*<sub>e</sub>及*P*<sub>e</sub>/W的影响,选取纬 向筋数目为1时的情况,经向筋数目为8和16,加 强筋截面尺寸为5mm×1mm(宽度×厚度),纬向 筋位置距球壳中心距离与球壳底面半径之比为 10%~50%,每次增加10%,进行有限元分析,得 到结果如图16~图17所示。







从图 16~图 17 可以看出:当纬向筋位置距球 壳中心距离越远, P<sub>c</sub>和 P<sub>c</sub>/W 均逐渐减小。因此纬 向筋的位置对结构整体屈曲有很大影响,需要对 纬向筋位置进行合理布置。

2.2.3 加强筋截面尺寸对P。及P。/W的影响

在加强筋梁截面面积一定的情况下,对不同 梁截面尺寸对屈曲特征值的影响展开研究。选取 球壳厚度为1mm,纬向筋数目为1,纬向筋位置距 球壳中心距离与球壳底面半径之比为20%,经向 筋数目为8和16,截面面积为5mm<sup>2</sup>,得到P<sub>e</sub>及 *P<sub>e</sub>*/W结果如表 6~表7所示,可以看出:在梁截面 面积一定的情况下,梁截面高度越高,*P<sub>e</sub>*和*P<sub>e</sub>*/W 越大,加强筋的作用越明显,但高度也应在合理范 围内进行设计。

表6 经向筋数目为8时不同加强筋截面尺寸下的 $P_c$ 与 $P_c/W$ Table 6  $P_c$  and  $P_c/W$  under different stiffener section size with 8 meridional stiffeners

梁截面宽 度/mm	梁截面高 度/mm	临界屈曲载荷 P <sub>c</sub> /MPa	$(P_c/W)/$ (MPa•kg <sup>-1</sup> )
10.0	0.50	0.09705	1.38707
5.0	1.00	0.094 94	1.356 84
4.0	1.25	0.10110	1.444 95
2.5	2.00	0.12212	1.745 33
2.0	2.50	0.13819	1.974 96

表7 经向筋数目为16时不同加强筋截面尺寸下的 $P_c$ 与 $P_c/W$ Table 7  $P_c$  and  $P_c/W$  under different stiffener section size with 16 meridional stiffeners

梁截面宽 度/mm	梁截面高 度/mm	临界屈曲载荷 P <sub>c</sub> /MPa	$(P_{\rm c}/W)/$ $({ m MPa}{ m \cdot}{ m kg}^{-1})$
10.0	0.50	0.094 54	1.22070
5.0	1.00	0.106 65	1.37696
4.0	1.25	0.10968	1.416 16
2.5	2.00	0.142 84	1.844 19
2.0	2.50	0.17342	2.23910

综上所述,对于球壳结构,添加加强筋能有效 地增大临界屈曲载荷;纬向筋对于P。及P。/W的影 响较为显著,增加纬向筋个数,合理分布纬向筋的 位置均能有效提高P。与P。/W的值;而经向筋的影 响则并不明显,需要根据纬向筋的个数合理选择; 同时提高梁截面的高度能有效增大P。与P。/W 的值。

### 3 结 论

(1)本文给出了基于ABAQUS的加筋球壳结 构参数化有限元模型的建模方法,实现了快速建 立不同球壳尺寸和厚度,不同加强筋位置、布局以 及截面尺寸的加筋球壳有限元模型,极大地节约 了加筋球壳结构设计阶段在有限元建模上所花费 的时间,提高了建模效率,为后续的计算及参数分 析提供了便利。

(2)提高球壳曲面厚度能够较为明显地提高 P<sub>c</sub>和 P<sub>c</sub>/W的值;纬向筋对于P<sub>c</sub>和 P<sub>c</sub>/W的影响较 为显著,增加纬向筋个数,合理分布纬向筋的位置 均能有效提高P<sub>e</sub>和P<sub>e</sub>/W的值;而经向筋影响则并 不明显,需要根据纬向筋的个数合理选择;增大加 强筋截面的高度能有效增大P<sub>e</sub>和P<sub>e</sub>/W的值。因 此在对球壳结构进行加筋设计时需要根据实际情 况,对上述参数进行仔细设计与选择。

#### 参考文献

 [1] 徐非凡,周仕刚,蔡启阳.偏置椭球冠状先进复合材料后 压力框格栅结构方案[J].复合材料科学与工程,2020(7): 53-57,97.

XU Feifan, ZHOU Shigang, CAI Qiyang. Structure scheme of offset ellipsoidal shell advanced composite rear pressure bulkhead[J]. Composite Science and Engineering, 2020(7): 53-57,97. (in Chinese)

- [2] BTACHUT J. Buckling of shallow spherical caps subjected to external pressure [J]. Journal of Applied Mechanics, 2005, 72(5): 803-806.
- [3] WANG Jingchao, ZHENG Liangli, WEI Yu. Structural similitude for the geometric nonlinear buckling of stiffened orthotropic shallow spherical shells by energy approach [J]. Thin-walled Structures, 2019, 138: 430-457.
- [4] 庞福振,姚熊亮,缪旭弘,等.加筋球壳结构稳定性及其优化研究[J].机械强度,2012,34(3):342-350.
  PANG Fuzhen, YAO Xiongliang, MIAO Xuhong, et al. Buckling and optimization research of a ribbed spherical hull [J]. Journal of Mechanical Strength, 2012, 34(3): 342-350. (in Chinese)
- [5] 马玉斐, 滕强.加筋球面壳稳定承载能力研究[J]. 舰船科 学技术, 2018, 40(17): 62-67.
  MA Yufei, TENG Qiang. Research on the stable bearing capacity of reinforced spherical shell [J]. Ship Science and Technology, 2018, 40(17): 62-67. (in Chinese)
- [6] 蔡奕霖,周仕刚,宫占锋,等.复合材料格栅结构扁球壳的 外压稳定性分析[J].玻璃钢/复合材料,2012(4):41-45. CAI Yilin, ZHOU Shigang, GONG Zhanfeng, et al. Buckling response analysis of the grid stiffened composite shallow spherical shell under external pressure [J]. Composite Science and Engineering, 2012(4):41-45. (in Chinese)
- [7] 罗珊,王纬波.基于弧长法的受压球壳稳定性分析[J].应用力学学报,2020,37(1):161-167,479.
  LUO Shan, WANG Weibo. Stability analysis of spherical pressure hull based on arc length method[J]. Chinese Journal of Applied Mechanics, 2020, 37(1):161-167,479.(in Chinese)
- [8] 罗珊,王纬波.基于模态缺陷的受压球壳屈曲特性研究
  [J].计算力学学报,2019,36(4):498-504.
  LUO Shan, WANG Weibo. Research on buckling behavior of the spherical pressure hull considering initial imperfections
  [J]. Chinese Journal of Computational Mechanics, 2019,36 (4):498-504. (in Chinese)
- [9] 张猛,张建,唐文献,等.球壳屈曲特性试验与理论研究

(下转第170页)